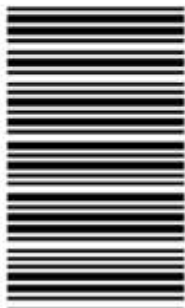


کد کنترل

729

A



729A

صبح جمعه

۹۷/۱۲/۳

دفترچه شماره (۱)



جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.»
امام خمینی (ره)

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌متمرکز) - سال ۱۳۹۸

رشته مهندسی کامپیوتر - نرم افزار و الگوریتم
کد (۲۳۵۴)

مدت پاسخ‌گویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: ساختمان داده‌ها و طراحی الگوریتم‌ها - سیستم‌های عامل پیشرفته - پایگاه داده‌های پیشرفته	۴۵	۱	۴۵

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

حل جابه‌نکته و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برابر مقررات رفتار می‌شود.

۱۳۹۸

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، به منزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب با شماره داوطلبی در جلسه آزمون شرکت می‌نمایم.

امضا:

- ۱- یک ماتریس دو بعدی $n \times n$ از اعداد داده شده، که اعداد هر سطر و هر ستون آن مرتب شده است. به ازای عدد داده شده x ، جست و جوی x در این ماتریس در چه زمانی امکان پذیر است؟

(۱) $O(n)$

(۲) $O(\log n)$

(۳) $O(\log^2 n)$

(۴) $O(n \log n)$

- ۲- می‌خواهیم بزرگ‌ترین زیر دنباله مشترک دو دنباله $a_1, \dots, a_n$ و $b_1, \dots, b_m$ را محاسبه کنیم. فرض کنید $L(i, j)$ برابر طول بزرگ‌ترین زیر دنباله مشترک $a_1, \dots, a_i$ و $b_1, \dots, b_j$ باشد. کدام یک از تعاریف بازگشتی زیر درست است؟

(الف) $L(n, m) = \max(L(n-1, m), L(n, m-1), L(n-1, m-1)) + 1$ if $a_n = b_m$

- (ب) $L(n, m) = \max(L(n-1, m), L(n-1, k-1) + 1)$ که k برابر بزرگ‌ترین عددی است که $a_n = b_k$ (در صورت عدم وجود $k = 0$ خواهد بود)

فرض کنید $L(i, 0) = L(0, i) = 0$ و $L(i, -1) = -1$ برای هر $i \geq 0$.

(۱) فقط الف

(۲) فقط ب

(۳) الف و ب

(۴) هیچ یک از الف و ب

- ۳- فرض کنید یک آرایه دوبعدی $m \times n$ در اختیار داریم که هر ردیف آن مرتب شده است. فرض کنید همه اعداد متمایز هستند. می‌خواهیم k -امین عدد در آرایه را پیدا کنیم. در چه زمانی این کار امکان پذیر است؟

(۱) $O(m \cdot n)$

(۲) $O(\log n \log m)$

(۳) $O(\log n + \log m)$

(۴) $O(m(\log n + \log m))$

- ۴- اگر ظرفیت همه یال‌ها در یک شبکه برابر C باشد، زمان اجرای الگوریتم فورد - فالکرسون برای محاسبه شار بیشینه از مبدا s به مقصد t در بدترین حالت کدام مورد خواهد بود؟

(فرض کنید تعداد رئوس و یال‌های گراف به ترتیب n و m هستند و درجه خروجی s برابر k باشد. همچنین فرض کنید در هر مرحله الگوریتم بیش‌ترین شار ممکن را از مسیر انتخاب شده، عبور می‌دهد.)

(۱) $O(kC + m + n)$

(۲) $O(kC(m + n))$

(۳) $O(C(m + n))$

(۴) $O(k(m + n))$

۵- فرض کنید ۱۳۹۷ نقطه متمایز روی محور اعداد حقیقی داده شده است. می‌خواهیم این ۱۳۹۷ نقطه را طوری رنگ آمیزی کنیم که به ازای هر بازه $[a, b]$ روی محور اعداد حقیقی، از بین نقاطی که در این بازه قرار گرفته‌اند حداقل یک نقطه وجود داشته باشد که رنگ آن با بقیه نقاط داخل بازه متفاوت باشد. حداقل چند رنگ برای این کار نیاز است؟

(۱) ۶

(۲) ۱۱

(۳) ۳۸

(۴) ۱۳۹۷

۶- فرض کنید یک B-tree داریم با n برگ که درجه هر گره حداقل $\log n$ و حداکثر $2 \log n - 1$ است. هزینه جست‌وجوی یک عدد در این درخت کدام است؟ (فرض کنید کلیدها داخل هر گره میانی در یک لیست پیوندی یک سویه ذخیره شده‌اند).

(۱) $O(\log n)$ (۲) $O(\log n \log \log n)$ (۳) $O(\log n \log^2 \log n)$ (۴) $O(\log^2 n / \log \log n)$

۷- فرض کنید یک گراف وزن‌دار همبند داده شده است که وزن یال‌ها متمایز است. یک یال را امن گوییم اگر در هیچ دوری حضور نداشته باشد و یک یال را خطرناک گوییم اگر سنگین‌ترین یال در یک دور باشد. کدام یک از دو گزاره زیر درست است؟

(الف) هر یال امن عضو درخت پوشای کمینه است.

(ب) هر یال خطرناک عضو درخت پوشای کمینه نیست.

(۱) الف

(۲) ب

(۳) الف و ب

(۴) هیچ‌یک از الف و ب

۸- گراف جهت‌دار G با n رأس و m یال داده شده است. هر رأس i از گراف ارزشی به اندازه V_i دارد. به ازای هر رأس i از گراف، با ارزش‌ترین رأسی که از رأس i قابل دسترسی است را W_i می‌نامیم. می‌خواهیم تمام W_i ها را به ازای i از ۱ تا n محاسبه کنیم. این کار در چه زمانی قابل انجام است؟ (بهترین گزینه را انتخاب کنید).

(۱) $O(m + n)$ (۲) $O(m + n^2)$ (۳) $O(n(m + n))$ (۴) $O(m + n \log n)$

۹- یک درخت جست‌وجوی دودویی با n گره داریم که به علت نویز، اعداد ذخیره شده در برخی از گره‌های آن تغییر کرده است. تنها عملی که می‌توان برای اصلاح این درخت انجام داد جابه‌جا کردن مقادیر ذخیره شده در یک گره و یکی از فرزندان آن است. کمینه تعداد اعمال مورد نیاز برای تبدیل درخت به یک درخت دودویی جست‌وجو در بدترین حالت کدام است؟ (دقت کنید که درخت اولیه لزوماً متوازن نیست).

(۱) $O(n)$ (۲) $O(n^2)$ (۳) $O(n \log n)$ (۴) $O(n \log \log n)$

۱۰- زوج‌های مرتب زیر را در نظر بگیرید:

$$(10, A), (2, B), (5, C), (7, D), (8, E), (1, F), (4, G)$$

فرض کنید درختی داریم که براساس مؤلفه‌های اول این زوج‌ها یک هرم کمینه، و براساس مؤلفه‌های دوم یک درخت جست‌وجوی دودویی است. ارتفاع این درخت کدام است؟

(۱) ۲

(۲) ۳

(۳) ۴

(۴) ۵

۱۱- در گراف همبند و بدون جهت G با n رأس، از یک رأس مشخص BFS و DFS را اجرا می‌کنیم. ترتیب ملاقات رئوس در هر دو اجرا یکسان شده است. در این خصوص کدام مورد درست است؟

(۱) گراف G فقط ستاره‌ای است.

(۲) گراف G فقط یک مسیر است.

(۳) تعداد یال‌های G از $O(n)$ است.

(۴) تعداد یال‌های G می‌تواند $\Omega(n \log n)$ باشد.

۱۲- فرض کنید گراف G همبند، بدون جهت و وزن دار است به‌طوری‌که می‌تواند دور منفی هم داشته باشد. در مورد مسئله پیدا کردن کوتاه‌ترین مسیر از یک رأس به رأس دیگر طوری که از هر رأسی حداکثر یک‌بار عبور کند، چه می‌توان گفت؟

(۱) یک مسئله ان‌پی - تمام است.

(۲) یک مسئله ان‌پی - سخت است.

(۳) به علت وجود دور منفی در گراف لزوماً چنین مسیری وجود ندارد.

(۴) در زمان چندجمله‌ای برحسب اندازه ورودی می‌توان مسئله را حل کرد.

۱۳- تعدادی فایل با اندازه‌های مشخص را می‌خواهیم روی نوار ذخیره کنیم. فرض کنید $f_1, \dots, f_n$ به ترتیب (از راست به

چپ) روی نوار ذخیره شده باشند، هزینه خواندن فایل f_i برابر $\sum_{k=1}^i |f_k|$ خواهد بود که $|f_k|$ برابر طول فایل f_k می‌باشد. فرض کنید قرار است هر فایل تنها یک‌بار خوانده شود. می‌خواهیم مجموع هزینه را کمینه کنیم. بدین منظور از الگوریتم حریصانه زیر استفاده می‌کنیم. فایل‌ها را به ترتیب اندازه از کوچک به بزرگ روی نوار ذخیره می‌کنیم. اگر n تعداد فایل‌ها باشد، کم‌ترین n که به ازای آن الگوریتم فوق لزوماً درست کار نمی‌کند، کدام است؟

(۱) ۲

(۲) ۳

(۳) ۴

(۴) به‌ازای هر n ، الگوریتم فوق بهینه عمل می‌کند.

۱۴- آرایه A شامل n عنصر داده شده است. می‌دانیم که تمام عناصر به جز $\sqrt[n]{n}$ عنصر، در محل مرتب‌شده خود هستند ولی مکان عناصر نامرتب را نمی‌دانیم. این آرایه را در چه زمانی می‌توان مرتب کرد؟

(۱) $O(n)$

(۲) $O(n\sqrt{n})$

(۳) $O(n \log n)$

۱۵- پیمایش‌های پیش ترتیب و پس‌ترتیب یک درخت دودویی به صورت زیر است:

preorder: abcdefg , postorder : cbfgeda

با فرض ذخیره‌سازی درخت در آرایه (ریشه در خانه‌ی ۱ و فرزندان گره اندیس‌های $2i$ و $2i+1$)، حداکثر تعداد خانه‌های بلا استفاده قبل از محل آخرین گره در آرایه کدام است؟

(۱) ۵

(۲) ۶

(۳) ۷

(۴) ۸

۱۶- یک ساختمان داده را در نظر بگیرید که از دو پشته S_1 و S_2 تشکیل شده است. این ساختمان داده دو عمل درج و استخراج را پشتیبانی می‌کند. به هنگام درج عنصر x در این ساختمان داده، $push(S_1, x)$ را اجرا می‌کنیم. به هنگام استخراج اگر S_2 خالی نبود، $Pop(S_2)$ را اجرا می‌کنیم. در غیر این صورت همه عناصر داخل S_1 را پاپ و داخل S_2 پوش می‌کنیم و بعد دستور $Pop(S_2)$ را اجرا و به عنوان خروجی دستور استخراج در نظر می‌گیریم. اگر دو پشته در ابتدا خالی باشد و n عمل درج و استخراج به ترتیب دلخواه انجام شود، هزینه سرشکن این عمل‌ها کدام است و ساختمان داده فوق چه ساختمان داده‌ای را پیاده‌سازی می‌کند؟

(۱) $O(1)$ و صف

(۲) $O(n)$ و صف

(۳) $O(1)$ و پشته

(۴) $O(n)$ و پشته

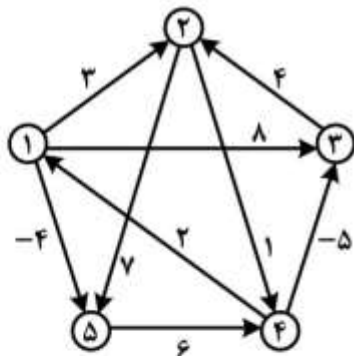
۱۷- اگر الگوریتم جانسون برای یافتن کوتاه‌ترین مسیر بین تمام رأس‌های گراف را روی گراف وزن‌دار زیر اجرا کنیم، پس از اجرای مرحله تغییر وزن یال‌ها در الگوریتم، وزن جدید یال بین رأس‌های ۱ و ۵ که وزن اولیه آن -۴ است، کدام مقدار خواهد شد؟

(۱) -۴

(۲) ۴

(۳) ۳

(۴) ۰



۱۸- اگر رشته ababbcbababdadad را به وسیله الگوریتم هافمن کدگذاری کنیم، طول رشته حاصل چند بیت خواهد بود؟

(۱) ۲۰

(۲) ۲۴

(۳) ۲۸

(۴) ۳۰

۱۹- فرض کنید n عدد صحیح k بیتی داریم. فرض کنید هزینه جمع، تفریق و مقایسه دو عدد k بیتی $O(k)$ است. اگر $k = O(\log n)$ باشد، کدام گزینه در مورد الگوریتم‌های مرتب‌سازی درست است؟

(۱) زمان اجرای الگوریتم مرتب‌سازی شمارشی $O(n)$ است.

(۲) زمان اجرای الگوریتم مرتب‌سازی سریع $O(n \log n)$ است.

(۳) زمان اجرای الگوریتم مرتب‌سازی ادغامی $O(n \log^2 n)$ است.

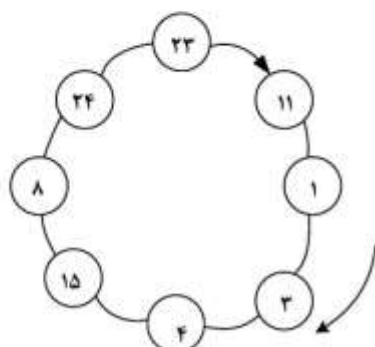
(۴) زمان اجرای الگوریتم مرتب‌سازی درجی $\Omega(n^2 \log^2 n)$ است.

۲۰- آرایه‌ای شامل n عدد داریم. اگر در اجرای الگوریتم مرتب‌سازی ادغامی روی این آرایه هرگاه تعداد اعداد کمتر از $\sqrt{n}$ شد، روال بازگشتی را متوقف و از الگوریتم مرتب‌سازی درجی استفاده کنیم، زمان اجرای الگوریتم کدام مورد خواهد بود؟ (فرض کنید زمان اجرای الگوریتم مرتب‌سازی درجی از مرتبه $O(m^2)$ است که m تعداد اعداد می‌باشد).

(۱) $O(n^2)$ (۲) $O(n\sqrt{n})$

(۳) $O(n \log n)$ (۴) $O(n \log n \sqrt{n})$

۲۱- انتخاب حلقوی رهبر (ring-based leader election) (الگوریتم Chang & Robert) برای ring زیر استفاده شده است. فرض کنید که در حال حاضر رهبری وجود ندارد و خطایی نیز رخ نمی‌دهد. در بهترین حالت کدام پردازنده می‌بایست انتخاب رهبر را آغاز نماید؟



(۱) ۱

(۲) ۱۵

(۳) ۲۳

(۴) ۲۴

۲۲- کدام مورد از مزایای یک سیستم توزیع شده نیست؟

(۱) Reliability

(۲) Incremental growth

(۳) Resource sharing

(۴) هیچ کدام

۲۳- در پیاده‌سازی الگوریتم‌های mutual exclusion در یک سیستم توزیع شده با n گره، توسط الگوریتم Ricart - Agrawala، چند پیام در هر مرحله فرستاده می‌شود؟

(۱) $2n$ (۲) $2n - 1$ (۳) $2(n - 1)$ (۴) $2(n + 1)$

۲۴- در یک سیستم توزیع شده، پردازنده‌ها به صورت هم‌روند اجرا می‌شوند و به وسیله پیام با هم ارتباط برقرار می‌کنند. کدام مورد در پیام استفاده نمی‌شود؟

(۱) نام فرستنده (۲) زمان دریافت (۳) نام دریافت کننده (۴) زمان مجازی ارسال

۲۵- فرض کنید که ۴ پردازنده با Causal ordering داریم که بردار فعلی آن‌ها در جدول زیر داده شده است.

پردازنده	بردار
A	(۳, ۵, ۲, ۱)
B	(۲, ۵, ۲, ۱)
C	(۳, ۵, ۲, ۱)
D	(۳, ۴, ۲, ۱)

اگر A یک پیام ارسال نماید، کدام پردازنده‌ها بلافاصله می‌توانند آن را دریافت کنند؟

(۱) A و C (۲) A و D (۳) B و C (۴) B و D

۲۶- کدام فرضیه در مورد طراحی HDFS / GFS برقرار است؟

- (۱) محتوای فایل‌ها اغلب به‌روز شده و دوباره روی آن‌ها نوشته می‌شوند.
- (۲) تنها سرورهای قدرتمند توانایی حجم و پیچیدگی بار را دارند.
- (۳) استفاده هر سرور مرکزی گلوگاهی برای سامانه است.
- (۴) خطا (failure) در مؤلفه‌ها وجود دارد.

۲۷- پروتکل TCP کدام ویژگی را ندارد؟

- (۱) کنترل ازدحام
- (۲) تأخیر ثابت
- (۳) تحویل به‌ترتیب
- (۴) تحویل مطمئن

۲۸- قطعه کد زیر را در نظر بگیرید. فرض کنید که فراخوانی توابع بدون خطا انجام می‌شود. کدام مورد درباره خطای این قطعه کد درست است؟

```
void ReadHandler (Connection *con)
{
    bytes = make (byte,2000) // Make an array of length 2000
    while (true) {
        n=con.ReadFromUDP (bytes);
        ProcessPacket (bytes , n) // process bytes [0 , n-1]
    }
}
```

(۱) بن‌بست

(۲) حلقه چرخش (spin loop)

(۳) حالت مسابقه (Race)

(۴) این برنامه خطایی ندارد و درست است.

۲۹- در مقایسه با خوشه غیراشتراکی (shared-nothing cluster)، خوشه دیسک اشتراکی (shared-disk cluster) به کدام مورد متکی است؟

- (۱) سرویس Quorum
- (۲) مدیریت lock توزیع شده
- (۳) سرویس عضویت خوشه
- (۴) شبکه ضربان قلب

۳۰- کدام مورد در خصوص الگوریتم استفاده انحصاری Lamport درست است؟

- (۱) یک الگوریتم متمرکز است.
- (۲) یک الگوریتم مبتنی بر توکن است.
- (۳) یک الگوریتم مبتنی بر Ring است.
- (۴) یک الگوریتم مبتنی بر مشاجره (contention) است.

۳۱- کدام مورد درباره lease درست است؟

- (۱) یک lock است که timeout دارد.
- (۲) یک lock دانه درشت (coarse-grained) است.
- (۳) یک lock دانه ریز (fine-grained) است.
- (۴) یک lock که چندین پردازش می‌توانند به اشتراک بگذارند.

۳۲- در ساده‌ترین پیاده‌سازی chord با n گره که هر گره تنها گره بعد از خود را می‌داند، زمان Lookup کدام است؟

- (۱) $O(n)$
- (۲) $O(n^2)$
- (۳) $O(\log n)$
- (۴) $O(n \log n)$

۳۳- پروتکل Three-phase commit در مقابل کدام مورد مقاوم نیست؟

(۱) محیط‌های هم‌زمان (synchronous)

(۲) محیط‌های ناهم‌زمان (Asynchronous)

(۳) سامانه‌های بازیابی خطا (fail-recovery)

(۴) محیط‌های fail-stop

۳۴- برای اینکه یک سامانه، با k خطای از نوع بیزانتین (Byzantine) یا fail-silent تحمل‌پذیر باشد، چند مؤلفه (component) نیاز داریم؟

(۱) $k+1$

(۲) k^2+1

(۳) $2k+1$

(۴) $2(k+1)$

۳۵- کدام رویداد، هم‌روند با بردار timestamp $\{5, 2, 1, 4\}$ است؟

(۱) $\{4, 2, 0, 4\}$

(۲) $\{5, 1, 2, 4\}$

(۳) $\{5, 2, 1, 5\}$

(۴) $\{6, 3, 2, 5\}$

۳۶- در ارتباط با زمان‌بندی داده شده کدام مورد درست است؟

T_1	T_2
Read(A) $A := A - 100$ Write(A)	
	Read(B) $B := B - 200$ Write(B)
Read(B) $B := B - 100$ Write(B)	
	Read(A) $A := A + 200$ Write(A)

(۱) قابل سریال شدن نیست.

(۲) توالی‌پذیر نمایی (View Serializable) است.

(۳) توالی‌پذیر تعارضی (Conflict Serializable) است.

(۴) قابل سریال شدن است ولی View Serializable و Conflict Serializable نیست.

۳۷- کدام عبارت صحیح است؟

(۱) تمام زمانبندی‌های قابل سریال شدن را می‌توان با پروتکل درخت یا پروتکل قفل دو مرحله‌ای اجرا نمود.

(۲) تمام زمانبندی‌هایی که با پروتکل قفل دو مرحله‌ای قابل انجام است را می‌توان با پروتکل درخت نیز اجرا نمود.

(۳) تمام زمانبندی‌هایی که با پروتکل درخت قابل انجام است را می‌توان با پروتکل قفل دو مرحله‌ای نیز اجرا نمود.

(۴) زمانبندی‌هایی وجود دارد که می‌توان با قفل دو مرحله‌ای آنها را اجرا نمود ولی نمی‌توان با پروتکل درخت آنها را انجام داد.

۳۸- در ارتباط با پروتکل کنترل همروندی Multi-version two phase locking کدام مورد صحیح است؟

- (۱) در این پروتکل امکان بروز بن بست وجود دارد.
 - (۲) در این پروتکل امکان بروز گرسنگی وجود دارد.
 - (۳) این پروتکل Recoverable بودن زمانبندی را تضمین نمی کند.
 - (۴) این پروتکل Cascadeless بودن زمانبندی را تضمین نمی کند.
- ۳۹- پس از بازیابی زیر، کدام مورد مقادیر A, B, C را به درستی نشان می دهد؟

< T_o, Start >

< T_o, B, ۲۰۰, ۱۵۰ >

< T_۱, Start >

< Checkpoint {T_o, T_۱} >

< T_۱, C, ۷۰, ۶۰ >

< T_۱, Commit >

< T_۲, Start >

< T_۲, A, ۵۰, ۴۰ >

< T_o, B, ۲۰۰ >

< T_o, abort >

Crash

C = ۶۰, B = ۲۰۰, A = ۵۰ (۲)

C = ۶۰, B = ۱۵۰, A = ۵۰ (۱)

C = ۷۰, B = ۲۰۰, A = ۴۰ (۴)

C = ۶۰, B = ۲۰۰, A = ۴۰ (۳)

۴۰- کدام مورد جزو خروجی های فاز تحلیل در روش بازیابی ARIES نیست؟

(۱) مشخص نمودن LSN مربوط به آخرین Checkpoint

(۲) لیست تراکنش هایی که باید Undo شوند.

(۳) به روز رسانی Dirty Page Table

(۴) مشخص کردن Redo LSN

۴۱- کدام عملیات جزو Log Force Operation نیست؟

(۱) Abort

(۲) Commit

(۳) اخذ قفل انحصاری

(۴) انتقال بلوک حافظه تغییر یافته به دیسک

۴۲- در مورد استراتژی های پیشگیری از بن بست کدام مورد صحیح است؟

(۱) در روش Wait-Die ممکن است یک تراکنش دچار گرسنگی شود.

(۲) در روش Wound-Wait ممکن است یک تراکنش دچار گرسنگی شود.

(۳) در روش Wait-Die در صورتی که برای میزان انتظار سقف تعیین گردد (Timeout)، ممکن است یک تراکنش دچار گرسنگی شود.

(۴) در روش Wound-Wait در صورتی که برای میزان انتظار سقف تعیین گردد (Timeout)، ممکن است یک تراکنش دچار گرسنگی شود.

۴۳- کدام مورد در خصوص کاردینالیته روابط R و S صحیح است؟

(۱) $\text{Upper bound Card}(R-S) = \text{Card}(S)$

(۲) $\text{Upper bound Card}(R \times S) = \max(\text{Card}(R), \text{Card}(S))$

(۳) $\text{Upper bound Card}(R \cup S) = \max(\text{Card}(R), \text{Card}(S))$

(۴) اگر A کلید رابطه R و B کلید خارجی S باشد، آنگاه $\text{Card}(R \bowtie_{A=B} S) = \text{Card}(S)$

۴۴- در صورتی که پایگاه داده توزیع شده روی یک شبکه گسترده (WAN) قرار گرفته باشد، کدام عامل(ها) را

می توان از تابع هزینه مربوط به بهینه سازی پرس و جوها حذف نمود؟

(۱) CPU

(۲) I/O

(۳) Communication

(۴) I/O و Communication

۴۵- کدام یک از طرح ها توالی پذیر تعارضی (Conflict Serializable) است؟ (ترتیب اجرای دستورالعمل ها از چپ به

راست است؛ $R_i(x)$ یعنی تراکنش T_i داده x را می خواند و $W_i(x)$ یعنی تراکنش T_i داده x را می نویسد)

(۱) $R_1(x), R_2(x), W_1(x), R_2(x), W_2(x)$

(۲) $R_2(x), R_2(x), W_2(x), R_1(x), W_1(x)$

(۳) $R_1(x), R_2(x), W_2(x), W_1(x), R_2(x)$

(۴) $R_2(x), R_2(x), R_1(x), W_2(x), W_1(x)$

